



Prova Final de Matemática

3.º Ciclo do Ensino Básico

Decreto-Lei n.º 139/2012, de 5 de julho

Prova 92/2.ª Chamada

Caderno 1: 7 Páginas

Duração da Prova (CADERNO 1 + CADERNO 2): 90 minutos. Tolerância: 30 minutos.

2014

Caderno 1: 35 minutos. Tolerância: 10 minutos.
(é permitido o uso de calculadora)

A prova é constituída por dois cadernos (Caderno 1 e Caderno 2).

Utiliza apenas caneta ou esferográfica, de tinta azul ou preta.

É permitido o uso de calculadora no Caderno 1.

Não é permitido o uso de corretor. Deves riscar aquilo que pretendes que não seja classificado.

Para cada resposta, identifica o item.

Apresenta as tuas respostas de forma legível.

Apresenta apenas uma resposta para cada item.

A prova inclui um formulário e uma tabela trigonométrica.

As cotações dos itens de cada caderno encontram-se no final do respetivo caderno.

Formulário

Números

Valor aproximado de π (pi): 3,14159

Geometria

Áreas

Paralelogramo: $Base \times Altura$

Losango: $\frac{Diagonal\ maior \times Diagonal\ menor}{2}$

Trapézio: $\frac{Base\ maior + Base\ menor}{2} \times Altura$

Superfície esférica: $4\pi r^2$, sendo r o raio da esfera

Volumes

Prisma e cilindro: $\text{Área da base} \times Altura$

Pirâmide e cone: $\frac{\text{Área da base} \times Altura}{3}$

Esfera: $\frac{4}{3}\pi r^3$, sendo r o raio da esfera

Álgebra

Fórmula resolvente de uma equação do segundo grau

da forma $ax^2 + bx + c = 0$: $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

Trigonometria

Fórmula fundamental: $\text{sen}^2 x + \text{cos}^2 x = 1$

Relação da tangente com o seno e o cosseno: $\text{tg } x = \frac{\text{sen } x}{\text{cos } x}$

Tabela Trigonométrica

Graus	Seno	Cosseno	Tangente	Graus	Seno	Cosseno	Tangente
1	0,0175	0,9998	0,0175	46	0,7193	0,6947	1,0355
2	0,0349	0,9994	0,0349	47	0,7314	0,6820	1,0724
3	0,0523	0,9986	0,0524	48	0,7431	0,6691	1,1106
4	0,0698	0,9976	0,0699	49	0,7547	0,6561	1,1504
5	0,0872	0,9962	0,0875	50	0,7660	0,6428	1,1918
6	0,1045	0,9945	0,1051	51	0,7771	0,6293	1,2349
7	0,1219	0,9925	0,1228	52	0,7880	0,6157	1,2799
8	0,1392	0,9903	0,1405	53	0,7986	0,6018	1,3270
9	0,1564	0,9877	0,1584	54	0,8090	0,5878	1,3764
10	0,1736	0,9848	0,1763	55	0,8192	0,5736	1,4281
11	0,1908	0,9816	0,1944	56	0,8290	0,5592	1,4826
12	0,2079	0,9781	0,2126	57	0,8387	0,5446	1,5399
13	0,2250	0,9744	0,2309	58	0,8480	0,5299	1,6003
14	0,2419	0,9703	0,2493	59	0,8572	0,5150	1,6643
15	0,2588	0,9659	0,2679	60	0,8660	0,5000	1,7321
16	0,2756	0,9613	0,2867	61	0,8746	0,4848	1,8040
17	0,2924	0,9563	0,3057	62	0,8829	0,4695	1,8807
18	0,3090	0,9511	0,3249	63	0,8910	0,4540	1,9626
19	0,3256	0,9455	0,3443	64	0,8988	0,4384	2,0503
20	0,3420	0,9397	0,3640	65	0,9063	0,4226	2,1445
21	0,3584	0,9336	0,3839	66	0,9135	0,4067	2,2460
22	0,3746	0,9272	0,4040	67	0,9205	0,3907	2,3559
23	0,3907	0,9205	0,4245	68	0,9272	0,3746	2,4751
24	0,4067	0,9135	0,4452	69	0,9336	0,3584	2,6051
25	0,4226	0,9063	0,4663	70	0,9397	0,3420	2,7475
26	0,4384	0,8988	0,4877	71	0,9455	0,3256	2,9042
27	0,4540	0,8910	0,5095	72	0,9511	0,3090	3,0777
28	0,4695	0,8829	0,5317	73	0,9563	0,2924	3,2709
29	0,4848	0,8746	0,5543	74	0,9613	0,2756	3,4874
30	0,5000	0,8660	0,5774	75	0,9659	0,2588	3,7321
31	0,5150	0,8572	0,6009	76	0,9703	0,2419	4,0108
32	0,5299	0,8480	0,6249	77	0,9744	0,2250	4,3315
33	0,5446	0,8387	0,6494	78	0,9781	0,2079	4,7046
34	0,5592	0,8290	0,6745	79	0,9816	0,1908	5,1446
35	0,5736	0,8192	0,7002	80	0,9848	0,1736	5,6713
36	0,5878	0,8090	0,7265	81	0,9877	0,1564	6,3138
37	0,6018	0,7986	0,7536	82	0,9903	0,1392	7,1154
38	0,6157	0,7880	0,7813	83	0,9925	0,1219	8,1443
39	0,6293	0,7771	0,8098	84	0,9945	0,1045	9,5144
40	0,6428	0,7660	0,8391	85	0,9962	0,0872	11,4301
41	0,6561	0,7547	0,8693	86	0,9976	0,0698	14,3007
42	0,6691	0,7431	0,9004	87	0,9986	0,0523	19,0811
43	0,6820	0,7314	0,9325	88	0,9994	0,0349	28,6363
44	0,6947	0,7193	0,9657	89	0,9998	0,0175	57,2900
45	0,7071	0,7071	1,0000				

Na resposta aos itens de escolha múltipla, seleciona a opção correta. Escreve na folha de respostas o número do item e a letra que identifica a opção escolhida.

1. Na Figura 1, está representada, num referencial cartesiano de origem O , parte do gráfico da função f , bem como o retângulo $[OBCD]$

Sabe-se que:

- o ponto B pertence ao eixo das ordenadas
- a função f é uma função de proporcionalidade inversa
- os pontos A e C pertencem ao gráfico da função f
- o ponto D pertence ao eixo das abcissas e tem abcissa 5
- o ponto A tem coordenadas $(2, 4)$

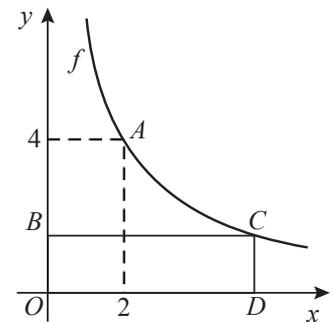


Figura 1

- 1.1. Qual é o valor de $f(2)$?

- 1.2. Determina o perímetro do retângulo $[OBCD]$

Apresenta a resposta na forma de dízima.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

2. Sejam a e b dois números naturais. Sabe-se que:

- o produto dos números a e b é igual a 450
- os números a e b são primos entre si

Em qual das opções seguintes podem estar os valores de a e b ?

(A) 20 e 23

(B) 18 e 25

(C) 15 e 30

(D) 10 e 45

3. Na Figura 2, estão representadas duas circunferências com centro no ponto O , uma de raio \overline{OA} e outra de raio \overline{OB}

Sabe-se que:

- o ponto A pertence ao segmento de reta $[OB]$
- o segmento de reta $[CD]$ é um diâmetro da circunferência de raio \overline{OA}
- o segmento de reta $[CD]$ é perpendicular ao segmento de reta $[OB]$
- $\overline{OA} = 2$ cm
- $\overline{OB} = 3$ cm

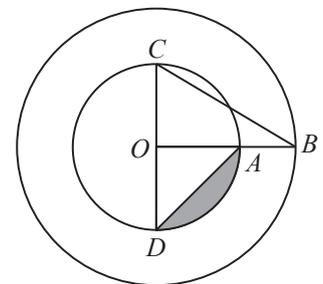


Figura 2

A figura não está desenhada à escala.

3.1. Qual é a medida do comprimento, em centímetros, do segmento de reta $[BC]$?

(A) $\sqrt{13}$

(B) $\sqrt{12}$

(C) $\sqrt{11}$

(D) $\sqrt{10}$

3.2. Indica a razão de uma semelhança que transforme o segmento de reta $[OA]$ no segmento de reta $[OB]$

3.3. Determina a área da região representada a sombreado.

Apresenta o resultado em cm^2 , arredondado às décimas.

Mostra como chegaste à tua resposta.

4. Na Figura 3, estão representadas as retas AD e CD e a circunferência de diâmetro $[AC]$

O ponto B pertence à circunferência e à reta AD

Sabe-se que:

- a reta CD é tangente à circunferência no ponto C
- $\widehat{CDA} = 50^\circ$
- $\overline{CD} = 8\text{ cm}$

A figura não está desenhada à escala.

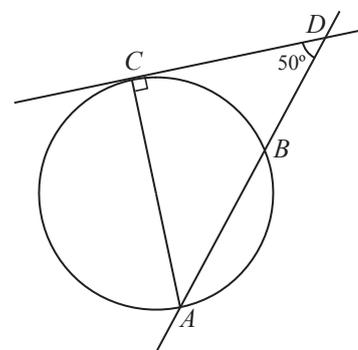


Figura 3

4.1. Qual é a amplitude, em graus, do arco CB ?

(A) 60°

(B) 70°

(C) 80°

(D) 90°

4.2. Determina \overline{CA}

Apresenta o resultado em centímetros, arredondado às décimas.

Sempre que, em cálculos intermédios, procederes a arredondamentos, conserva, no mínimo, duas casas decimais.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

FIM DO CADERNO 1

Página em branco

COTAÇÕES

1.		
1.1.	4 pontos
1.2.	5 pontos
2.	5 pontos
3.		
3.1.	5 pontos
3.2.	4 pontos
3.3.	6 pontos
4.		
4.1.	5 pontos
4.2.	6 pontos
	Subtotal (Cad. 1)	40 pontos



Prova Final de Matemática

3.º Ciclo do Ensino Básico

Decreto-Lei n.º 139/2012, de 5 de julho

Prova 92/2.ª Chamada

Caderno 2: 7 Páginas

Duração da Prova (CADERNO 1 + CADERNO 2): 90 minutos. Tolerância: 30 minutos.

2014

Caderno 2: 55 minutos. Tolerância: 20 minutos.
(não é permitido o uso de calculadora)

Página em branco

Na resposta aos itens de escolha múltipla, seleciona a opção correta. Escreve na folha de respostas o número do item e a letra que identifica a opção escolhida.

5. Uma escola tem turmas do 2.º ciclo e turmas do 3.º ciclo.

5.1. Os alunos do 3.º ciclo da escola distribuem-se, por idade e por género, de acordo com a tabela seguinte.

	12 anos	13 anos	14 anos	15 anos	16 anos
Raparigas	4	14	10	9	5
Rapazes	15	12	9	9	3

Qual é a moda das idades dos alunos do 3.º ciclo da escola?

5.2. Na escola, há duas turmas do 2.º ciclo: uma do 5.º ano e outra do 6.º ano.

A turma do 5.º ano tem 20 alunos e a turma do 6.º ano tem 30 alunos.

Vai ser sorteada, entre os alunos do 2.º ciclo, uma assinatura de uma revista científica. Para tal, cada aluno do 5.º ano recebe uma rifa e cada aluno do 6.º ano recebe duas rifas.

Qual é a probabilidade de a rifa premiada pertencer a um aluno do 6.º ano?

Apresenta a resposta na forma de fração.

Mostra como chegaste à tua resposta.

6. Seja k um número natural.

Sabe-se que 10 é o valor exato da média dos números 9, 10, 14 e k

Qual é o valor de k ?

(A) 5

(B) 6

(C) 7

(D) 8

7. Escreve o dobro do número 2^{49} na forma de potência de base 2

8. Considera o conjunto $A = [-\pi, +\infty[$

Qual é o menor número inteiro que pertence ao conjunto A ?

(A) -3

(B) -4

(C) $-\pi$

(D) $-\pi - 1$

9. Resolve a inequação seguinte.

$$\frac{x}{10} + \frac{3x+1}{5} \geq \frac{x}{2}$$

Apresenta o conjunto solução na forma de intervalo de números reais.

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

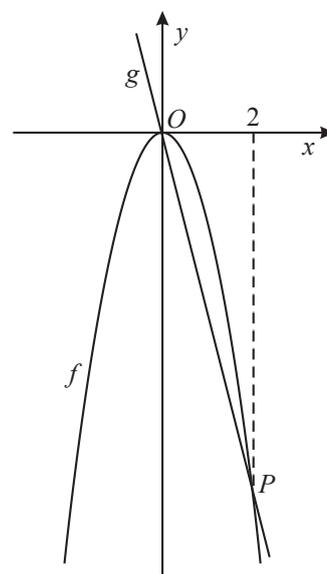
10. Qual das expressões seguintes é equivalente à expressão $(x-1)^2 - 1$?

- (A) x^2 (B) $x^2 - 2$ (C) $x^2 + x$ (D) $x^2 - 2x$

11. Na Figura 4, estão representadas, num referencial cartesiano, partes dos gráficos de duas funções, f e g

Sabe-se que:

- o ponto O é a origem do referencial
- o gráfico da função g é uma reta que passa na origem do referencial
- a função f é definida por $f(x) = -2x^2$
- o ponto P pertence ao gráfico da função f e ao gráfico da função g e tem abcissa igual a 2



11.1. Qual das expressões seguintes é equivalente a $g(x)$?

- (A) $-2x$ (B) $-4x$ (C) $-2x - 4$ (D) $-4x - 2$

11.2. Resolve a equação seguinte.

$$-2x^2 = 4 - 3(x+1)$$

Apresenta todos os cálculos que efetuares.

Figura 4

12. A organização «Médico em Casa» presta assistência médica ao domicílio. Os utentes pagam a consulta e a deslocação do médico.

Sabe-se que:

- o preço da consulta é 10 euros;
- cada quilómetro percorrido pelo médico na deslocação é pago a 40 cêntimos.

O Sr. Pereira adoeceu e recorreu aos serviços da organização «Médico em Casa». Pagou 18 euros pela consulta e pela deslocação do médico.

Quantos quilómetros percorreu o médico nessa deslocação?

Mostra como chegaste à tua resposta.

13. O Aqueduto das Águas Livres é um sistema de abastecimento de água à cidade de Lisboa, construído no século XVIII. Ao longo do seu percurso, existem várias claraboias. A Figura 5 é uma fotografia de uma dessas claraboias.

Na Figura 6, está representado um modelo geométrico dessa claraboia.



Figura 5

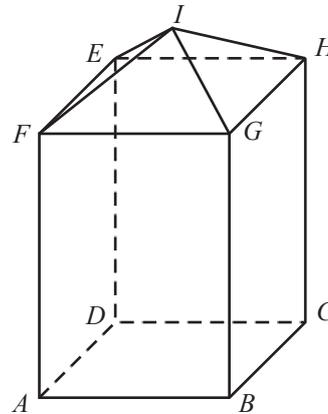


Figura 6

O modelo representado na Figura 6 é um sólido que pode ser decomposto no prisma quadrangular regular $[ABCDEFGH]$, de base $[ABCD]$, e na pirâmide quadrangular regular $[EFGHI]$.

O modelo não está desenhado à escala.

13.1. Qual é o transformado do ponto F por meio da translação associada ao vetor \overrightarrow{AB} ?

13.2. Qual das seguintes retas é concorrente com o plano ABC ?

- (A) Reta FG
- (B) Reta EG
- (C) Reta AC
- (D) Reta IG

13.3. Seja V o volume do prisma $[ABCDEFGH]$ e seja V' o volume da pirâmide $[EFGHI]$

Admite que a altura da pirâmide é a quarta parte da altura do prisma.

Qual é o valor do quociente $\frac{V'}{V}$?

FIM DA PROVA

Página em branco

COTAÇÕES

	Subtotal (Cad. 1)	40 pontos
<hr/>		
5.		
5.1.	4 pontos	
5.2.	5 pontos	
6.	5 pontos	
7.	3 pontos	
8.	5 pontos	
9.	5 pontos	
10.	5 pontos	
11.		
11.1.	5 pontos	
11.2.	6 pontos	
12.	5 pontos	
13.		
13.1.	3 pontos	
13.2.	5 pontos	
13.3.	4 pontos	
	Subtotal (Cad. 2)	60 pontos
<hr/>		
	TOTAL	100 pontos